



МИНИСТЕРСТВО НА ОБРАЗОВАНИЕТО И НАУКАТА
РЕГИОНАЛЕН ИНСПЕКТОРАТ ПО ОБРАЗОВАНИЕТО
СОФИЯ - РЕГИОН

64^{-та} НАЦИОНАЛНА ОЛИМПИАДА ПО МАТЕМАТИКА

ОБЩИНСКИ КРЪГ – 14.12.2014г. – X клас

Задача 1. Решете неравенството $\frac{(x^2 - 5x + 6)^{2014} (x^2 + 3x + 8)^{2015}}{x^2 + x - 6} \leq 0$ и проверете дали

числото $a = (11\sqrt[3]{2} - 6\sqrt[3]{16} + 2\sqrt[3]{2}) \left(2\sqrt[3]{4} - 3\sqrt[3]{\frac{1}{2}} \right)$ е негово решение.

7 точки

Задача 2. Ъглополовящите AL и CD на равнобедрения триъгълник ABC с бедра AC и BC се пресичат в точка O, която дели CD в отношение 4:3, считано от върха C. Дължината на отсечката VL е 12 cm.

а) Да се намери лицето на триъгълника ABC;

3 точки

б) Да се намери отношението на дължините на радиуса на описаната и радиуса на вътрешно вписаната в триъгълника ABC окръжности.

4 точки

Задача 3. Дадена е функцията $f(x) = \frac{(x^2 - x - 2)\sqrt{1 - 6x + 9x^2}}{3x - 1}$. Да се намерят:

а) най-малката стойност на $f(x)$ в интервала $[-3; -1]$;

2 точки

б) стойностите на реалния параметър a , за които уравнението $f(x) = a$ има единствен реален корен.

5 точки

Време за работа – 4 часа.

До областен кръг се допускат ученици с най-малко 16 точки.

Желаем Ви успех!