



ОБЩИНСКИ КРЪГ НА ОЛИМПИАДАТА ПО МАТЕМАТИКА - ПЛОВДИВ, 14.12.2014 г.

VIII клас

Задача 1. Да се реши уравнението $ax^2 + bx + c = 0$, ако коефициентите a , b и c удовлетворяват условията:

(1) a е стойността на израза $\sqrt{3+\sqrt{5}} \cdot \sqrt{3+\sqrt{6+\sqrt{5}}} \cdot \sqrt{3-\sqrt{6+\sqrt{5}}}$;

(2) b е стойността на израза $\frac{9}{2\sqrt{5}+\sqrt{11}} - \frac{21}{\sqrt{11}-5} - \frac{\sqrt{11}+15}{2}$;

(3) c е стойността на x , за която е вярно равенството $\sqrt{x^3} = -x^4$.

(7 точки)

Задача 2. Точката M лежи върху диагонала BD на квадрата $ABCD$, като $BM = \frac{1}{4} \cdot BD$.

Правата CM пресича страната AB в точка N . Намерете отношението $BN : BC$.

(7 точки)

Задача 3. Дадено е уравнението $mx^2 - (2m-3)x + (m+5) = 0$, където m е параметър.

а) Намерете стойностите на параметъра m , за които уравнението има два различни реални корена;

б) Решете уравнението, ако $m = \left| \sqrt{3} - 2 \right| + \sqrt{3} - 3$.

(7 точки)

Време за работа 4 часа

Желаем Ви успех!