

СМБ – Секция “Изток”
КОЛЕДНО МАТЕМАТИЧЕСКО СЪСТЕЗАНИЕ – 8.12.2012
7 клас

Времето за решаване е 120 минути.

Регламент : Всяка задача от 1 до 16 има само един правилен отговор от четири възможни (отбелязани с а), б), в), г)) . За задачи 17 до 22 трябва да бъдат записани само отговорите, а задачи 23 и 24 трябва да бъдат подробно решени. Задачите от 1 до 4 се оценяват с по 1 точка; задачи от 5 до 10 – с по 2 точки; задачи от 11 до 16 – с по три точки; задачи 17 до 20 – с по 5 точки; задачи 21 и 22 – с по 8 точки и задачи 23 и 24 – с по 15 точки. Максималният брой точки е 100. Неправилни решения и задачи без отговор се оценяват с 0 точки.

Организаторите Ви пожелават успех !

Име.....училище.....град.....

1. Ако a и b са рационални числа и $a > 0; b < 0$, кое от следните неравенства винаги е ВЯРНО?

- 1) $-a < b$ 2) $a + b > 0$ 3) $a < -b$ 4) $ab < 0$
а) първото б) второто в) третото г) четвъртото

2. Приведете в нормален вид израза $\left(a + \frac{1}{2}\right)\left(\frac{1}{4} - \frac{a}{2} + a^2\right)$

- а) $a^3 - \frac{a^2}{2} + \frac{1}{4}$ б) $a^3 - \frac{1}{8}$ в) $a^3 + \frac{1}{8}$ г) $a^3 - \frac{1}{4}$

3. Намерете стойността на израза $\frac{-x^3y + xy^3}{x^2y + xy^2}$ за $x = -3\frac{2}{3}$ и $y = \frac{1}{3}$

- а) 4 б) -4 в) $3\frac{1}{3}$ г) $-2\frac{1}{3}$

4. Правилна шестоъгълна пирамида с височина 6 см има основен ръб, равен на 6 см и апотема на основата 4,2 см. Обемът на пирамидата е равен на:

- а) 75,6 куб.см б) 151,2 куб.см в) 153,4 куб.см г) 164,8 куб.см

5. Пресметнете стойността на отношението $\frac{a-b}{a+b}$, ако $\frac{a}{b} = \frac{5}{2}$.

- а) $\frac{7}{3}$ б) $\frac{3}{7}$ в) $\frac{2}{5}$ г) $\frac{3}{5}$

6. Точките А, В и С лежат на една права, като АВ=2 см и ВС=5 см. На колко см е равна АС?

- а) 3 см б) 7 см в) 3 см или 7 см г) 1 см или 3 см.

7. Разликата на квадратите на две естествени числа е равна на 41. По-малкото от тези числа е:

- а) 26 б) 24 в) 18 г) 20.

8. Лъчите ОМ и ОN склучват ъгъл, равен на $40^\circ 30'$. Лъчът ОР е перпендикулярен на лъча ОМ, а лъчът ОQ е противоположен на лъча ОN. Мярката на ъгъл РОQ е:

- а) $139^\circ 30'$ б) $49^\circ 30'$ или $130^\circ 30'$ в) $49^\circ 30'$ или $139^\circ 30'$ г) $130^\circ 30'$ или $40^\circ 30'$

9. Сборът на три числа е равен на 510. Второто число едва пъти по-голямо от първото, а третото се отнася към второто, както 4:3. Кое е най-голямото от трите числа?

- а) 240 б) 180 в) 360 г) 420

10. Лъчът ОС е вътрешен за ъгъл АОВ. Ъгъл СОВ е с 10° по-малък от ъгъл АОС и е $\frac{5}{6}$ от него.

Намерете мярката на ъгъл АОВ.

- а) 50° б) 60° в) 110° г) 130°

11. Даден е изразът $M = \frac{m^2 - m.n}{m^2.n + n^3}$, където m и n са естествени числа. Ако m е стойността на

израза $\frac{(-2^2)^4 \cdot (-27)^3}{-(-2)^8 \cdot (-9)^4}$, а n е модула на най-голямото цяло отрицателно число,, то стойността на израза

M е равна на:

- а) -1 б) $-\frac{2}{5}$ в) $\frac{3}{5}$ г) $\frac{1}{5}$

12. Сборът на дължините на две от страните на триъгълник е 18 см, а височините към тях са 6 см и 3 см. Намерете лицето на триъгълника.

- а) 12 кв.см б) 18 кв.см в) 21 кв.см г) 24 кв.см

13. Ако $A = 2x^3 - 4x + 3$, $B = x^3 - 2x^2 + 3$, $C = -2x^2 - 2x + 5$, то нормалният вид на многочлена $A - B + 2C$ е:

- а) $x^3 - 4x + 10$ б) $2x^3 - 2x^2 - 4x + 2$ в) $x^3 - 2x^2 - 8x + 10$ г) $x^3 - x^2 - 3x + 10$

14. Правоъгълник е разделен на четири по-малки правоъгълника. Три от тях имат лица 6 кв.см, 8 кв.см и 10 кв.см. Намерете лицето на четвъртия от малките правоъгълници.

- а) 4 кв.см б) 8 кв.см в) 12 кв.см г) 7,5 кв.см

?	

15. Дадени са многочлените $P(x) = x^2 + ax + 2a^2$, $Q(x) = x^2 - ax + a^2$. За кои стойности на a е вярно равенството $P(2) - 2Q(1) = 2$?

- а) 1 б) 2 в) -2 г) 0

16. На колко е равно $x^3 + 3xy + y^3$, ако $x + y = 1$?

- а) 1 б) 3 в) $6x^2$ г) 0

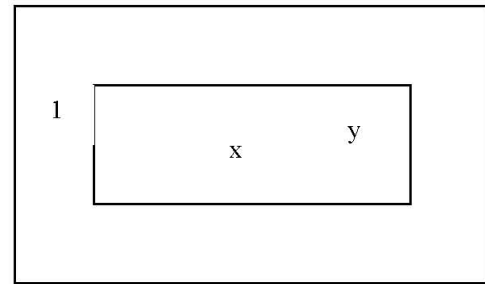
17. $\frac{3}{10}$ от прасковите в една касетка са равни на 25% от прасковите във втора касетка, а 0,8 части от прасковите във втората касетка са с 1 кг по-малко от тези в първата. Колко кг праскови има в първата касетка?

18. В тупоъгълен триъгълник острите ъгли са α и β . Намерете стойностите на ъглите, сключени между продълженията на височините в триъгълника.

19. За кои стойности на a и b изразът $a^2 + 6b^2 - 20b - 2ab + 23$ приема най-малка стойност?

20. Разложете на множители израза $x^4 + 4$.

21. Правоъгълна градинка с дължина $x(x < 10)$ м и ширина y м, където x и y са цели числа, трябва да се ограда от четирите страни с пътека, широка 1 м. Лицето на пътеката е равно на лицето на градинката. Намерете: а) размерите на градинката; б) лицето на целия обект (градинката и пътеката).



22. Построена е шатра във вид на конус. Височината на шатрата е 3 м, а за радиуса, височината и образувателната на конуса знаем, че се отнасят както 8:6:10.

а) колко кг боя е необходима за боядисване на шатрата, ако за 1 кв.м площ се използва 0,6 кг боя?

б) подът на шатрата е покрит с балатум(подово покритие). Колко кв.м балатум е необходим за покриването му?

23. а) Да се разложи на множители изразът $xу + 3у - 2х - 6$.

б) Да се докаже, че има точно две двойки цели числа $(x_1; y_1)$ и $(x_2; y_2)$, за които е изпълнено равенството $xу + 3у - 2х - 5 = 0$ и да се намерят тези числа.

в) Ако $M(x_1; y_1)$ и $N(x_2; y_2)$ са точки в координатната система, да се намери лицето на триъгълника OMN .

24. Даден е равнобедрен триъгълник ABC , в който $\angle ACB = 20^\circ$. Върху бедрото AC е взета точка M , така че $\angle ABM = 60^\circ$, а върху бедрото BC е взета точка N , така че $\angle BAN = 50^\circ$.

а) да се определи видът на триъгълника ABN ; б) Да се намерят ъглите AMN и ANM .