



Утвърдил:

инж. Татяна Петрова
Началник на РИО – Ямбол

60 – ^{ТА} НАЦИОНАЛНА ОЛИМПИАДА ПО МАТЕМАТИКА

ОБЩИНСКИ КРЪГ – 12.02.2011 г.

XI клас

Задача 1. В уравнението $S = \frac{u_1^2 + u_2^2}{(u_1 - u_2)^2 + 2} u^2 - p \left(au - \frac{1}{2} \right) + 3a - 2 = 0$,

p е равно на стойността на x , при която числата $\lg 5, \frac{1}{2} \lg(4^{x+1} - 9), \lg(2^x + 7)$ в този ред образуват аритметична прогресия и a е реален параметър. Да се изрази чрез a частното $S = \frac{u_1^2 + u_2^2}{(u_1 - u_2)^2 + 2}$, където u_1 и u_2 са корените на даденото уравнение.

7 точки

Задача 2. а) Ако $\alpha \in (0; \pi)$ намерете стойностите на α , за които корените x_1 и x_2 на уравнението $x^2 - x \sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha = 0$ удовлетворяват зависимостта $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = -1$

3 точки

б) За $\triangle ABC$ мярката на $\sphericalangle ACB$ е по-малката намерена стойност на α в **а**).

Дължината на страна AC е равна на стойността на израза $M = -\log_2 \left(\log_2 \sqrt[4]{\sqrt{2}} \right)$, а дължината на страна BC е равна на стойността на израза $N = \left(\frac{1}{2} \log_2 16 - 3 \log_2 \frac{1}{4} + \frac{2}{5} \log_2 32 + 2 \log_2 \frac{1}{8} \right) \cdot \sqrt{2}$. Намерете лицето на $\triangle ABC$.

4 точки

Задача 3. В триъгълника ABC е прекарана медианата AM . Известно е, че $AM : BC = \sqrt{13} : 2$, а $\sphericalangle BAC = 30^\circ$. Да се намерят ъглите ABC и ACB , ако $\sphericalangle ABC$ не е по-малък от $\sphericalangle ACB$.

7 точки

Време за работа – 4 часа.

ЖЕЛАЕМ ВИ УСПЕХ!