

СЪЮЗ НА МАТЕМАТИЦИТЕ В БЪЛГАРИЯ
Секция –Русе

ШЕСТИ МАТЕМАТИЧЕСКИ ТУРНИР „ П. ХИЛЕНДАРСКИ ”
2007 година

Посветен на деня на народните будители - 1 ноември

Отговори на теста и решения на задачите:

КЛАС 7

ЗАДАЧА 1	А	Б	В	Г	Д
ЗАДАЧА 2	А	Б	В	Г	Д
ЗАДАЧА 3	А	Б	В	Г	Д
ЗАДАЧА 4	А	Б	В	Г	Д
ЗАДАЧА 5	А	Б	В	Г	Д
ЗАДАЧА 6	А	Б	В	Г	Д 28
ЗАДАЧА 7	А	Б	В	Г	Д
ЗАДАЧА 8	А	Б	В	Г	Д 12
ЗАДАЧА 9	А	Б	В	Г	Д
ЗАДАЧА 10	А	Б	В	Г	Д

Решения на задачи 11 и 12:

11. Озн. x – брой срещи по 3 т.; y – брой срещи по 2 т.
 $3x + 2y = 15 \Rightarrow 3/y$ и $y < 7 \Rightarrow y = 3$ или $y = 6$. При $y = 6, x = 1 \Rightarrow$ общият брой срещи е 7, което е невъзможно. Тогава $y = 3$ и $x = 3$. Общият брой срещи е 6, което е възможно при 4 отбора. Щом третият отбор няма загуба, най-малкия брой точки, които има е 3 (от три равни мача), а най-много 4, за да не надвиши общата сума 15 точки. Но 4 точки се получават от една победа и един равен \Rightarrow ще има и една загуба, което противоречи на условието. Остава третият отбор да има 3 точки от три равни мача, а вторият и първият съответно 4 точки и 7 точки. Отг: 4 т.
12. Озн. $S_{BOD} = x$; $S_{COE} = 2y$. От $BD : DC = 1 : 2$ и $CE : AE = 2 : 3 \Rightarrow S_{COD} = 2x$; $S_{AOE} = 3y$.
 $S_{ABD} : S_{ACD} = 1 : 2 \Rightarrow S_{ABO} = 2,5y$.
 $S_{CBE} : S_{ABE} = 2 : 3 \Rightarrow (2x + 2y) : 5,5y = 2 : 3 \Rightarrow y = 1,2x$
 $S_{AOC} : S_{COD} = 6x : 2x = 3 : 1 \Rightarrow AO : OD = 3 : 1$