

# Международно състезание “Европейско Кенгуру”

18 март 2017 г.

## ТЕМА за 7–8 клас

**След първите 24 задачи има посочени 5 отговора, от които само един е верен. Задачи 25 и 26 изискват числовой отговор. Първите 10 задачи се оценяват с по 3 точки, вторите 10 с по 4 точки, а последните 6 задачи с по 5 точки. Не се разрешава ползването на калкулатори или таблици. ВРЕМЕ ЗА РАБОТА: 90 минути. Пожелаваме Ви успех!**

**1.** Колко е часът 17 часа след 17:00?

- A) 8:00      B) 9:00      C) 10:00      D) 11:00      E) 12:00

**2.** Една шеста от публиката в представление за деца са възрастни. Ако две пети от децата са момчета, каква част от публиката са момичета?

- A)  $\frac{2}{5}$       B)  $\frac{1}{2}$       C)  $\frac{1}{3}$       D)  $\frac{1}{4}$       E)  $\frac{1}{5}$

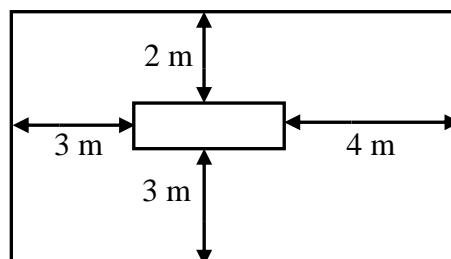
**3.** Мухата Анка тръгнала от левия край на дъската и пропълзяла  $\frac{2}{3}$  от дължината ѝ, а калинката Цанка тръгнала от десния край и изминала  $\frac{3}{4}$  от дължината ѝ. Каква част от дължината на дъската е разстоянието между Анка и Цанка?



- A)  $\frac{3}{8}$       B)  $\frac{1}{12}$       C)  $\frac{5}{7}$       D)  $\frac{5}{12}$       E)  $\frac{1}{12}$

**4.** Показаните два правоъгълника са с взаимно успоредни страни. Използвайки данните от чертежа, намерете разликата в обиколките им в метри.

- A) 24      B) 20      C) 18      D) 16      E) 12



**5.** Четирите сърца от фигурата имат лица съответно  $1 \text{ cm}^2$ ,  $4 \text{ cm}^2$ ,  $9 \text{ cm}^2$  и  $16 \text{ cm}^2$ . Колко е лицето в квадратни сантиметри на частта от фигурата, която не е бяла?

- A) 9      B) 10      C) 11      D) 12      E) 13

**6.** Попълнете празните квадратчета на таблицата  $3 \times 3$  с числа така, че сборът на числата във всеки две квадратчета с обща страна да е един и същ. Колко е сборът на всички числа в таблицата?

- A) 19      B) 20      C) 21      D) 22      E) 23

2		
		3

7. Десет кенгурчета са в редица, както е показано. Едното може да прескочи друго само



ако е с лице към него. Колко са възможните прескачания?

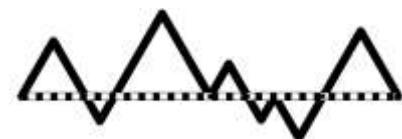
- A) 15      B) 16      C) 17      D) 18      E) 20

8. Група ученици са седнали около кръгла маса. Гери е четвъртата отляво на Яна и седмата отдясно на Яна. Колко ученици са седнали около масата?

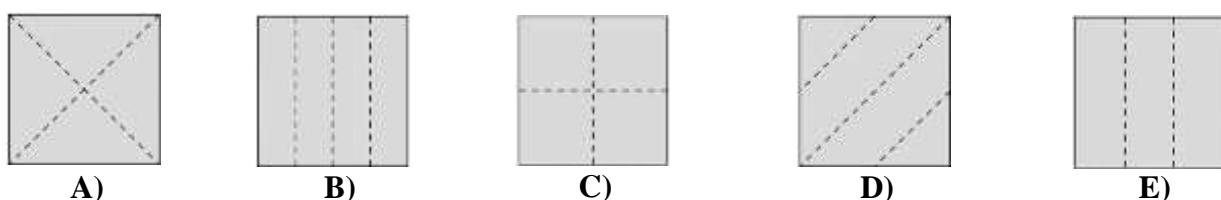
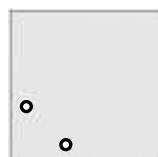
- A) 9      B) 10      C) 11      D) 12      E) 13

9. Черно-бялата линия, която е с дължина 20 см и плътната черна линия образува 7 равностранни триъгълника. Колко е дължината в сантиметри на плътната черна линия?

- A) 20      B) 25      C) 30      D) 35      E) 40



10. Нено сгънал няколко пъти квадратен лист хартия и направил дупка. След това разгънал листа и получил това, което е показано вдясно. Посочете истинското сгъване на листа, което е отбелязано с пунктири.



11. Сборът на три различни естествени числа е 7. Колко е произведението им?

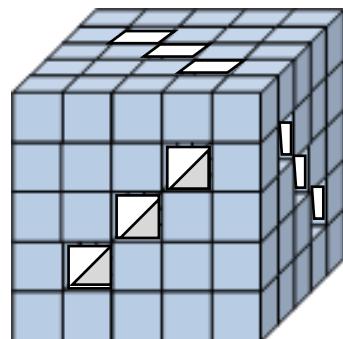
- A) 14      B) 12      C) 10      D) 6      E) 8

12. Венко иска да си изготви седмична програма за тичане в едни и същи два дни всяка седмица, но такава, че да не тича в два последователни дни. По колко начина може Венко да изготви програмата си?

- A) 15      B) 14      C) 13      D) 12      E) 11

13. Върху квадратната покривка вдясно са избродирани един сив квадрат и няколко еднакви малки сиви квадратчета. Какъв процент от цялата покривка е частта в черно?

- A) 32      B) 28      C) 24      D) 20      E) 16



14. С помощта на 125 малки кубчета Мартин построил голям куб. След това разтурил куба и построил нов куб, който е показан вляво. В него са направени 9 тунела от край до край. Колко кубчета по-малко е използвал Мартин за построяването на втория куб?

- A) 52      B) 42      C) 45      D) 36      E) 39

**15.** Точно 35% от участниците в кроса са жени, а мъжете са с 252 повече от жените. Колко са мъжете?

- A) 840      B) 810      C) 798      D) 624      E) 546

**16.** Братовчедките Ема, Ива, Рени и Вили са на 3, 8, 12 и 14 години в някакъв ред. Ема е по-малка от Рени, а сборът от годините на Вили и Ема, както и сборът от годините на Вили и Рени, се делят на 5. На колко години е Ива?

- A) 14      B) 12      C) 8      D) 5      E) 3

**17.** Роси попълва празните три квадратчета вдясно с естествени числа така, че сборът на петте числа е 35, сборът на първите три отляво надясно е 22, а сборът на първите три отдясно наляво е 25. Колко е произведението на числата в двесте затъмнени квадратчета?

- A) 63      B) 108      C) 0      D) 48      E) 39



**18.** Двама бегачи тичат един срещу друг на 720-метрова кръгова пista с постоянни скорости. Първият прави една обиколка за 4 минути, а вторият за 5 минути. Колко метра изминава вторият бегач между две последователни срещи на двамата?

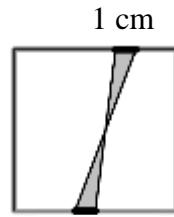
- A) 355      B) 350      C) 340      D) 330      E) 320

**19.** Сашо искал да среже едно въже на 9 равни части и отбелязал местата на срязване. На другия ден решил да среже въжето на 8 равни части и отбелязал местата на срязване. На третия ден той срязал въжето на всички отбелязани места. Колко са получените парчета?

- A) 15      B) 16      C) 17      D) 18      E) 19

**20.** Върху две от срещуположните страни на квадрата вдясно, който е със страна 8 cm, е отбелязана по една отсечка с дължина 1 cm. Краищата на отсечките са свързани, както е показано. Намерете лицето в квадратни сантиметри на затъмнената част от квадрата.

- A) 2      B) 4      C) 6,4      D) 8      E) 10

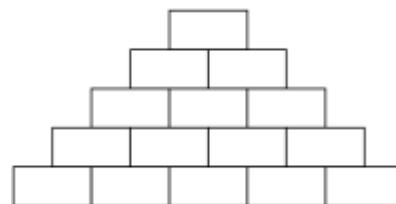


**21.** Мерките в градуси на ъглите в един триъгълник се изразяват с различни цели числа. Да се намери възможно най-малкият сбор на най-малкия и най-големия ъгъл на триъгълника.

- A)  $61^{\circ}$       B)  $90^{\circ}$       C)  $91^{\circ}$       D)  $120^{\circ}$       E)  $121^{\circ}$

**22.** Коки записва по едно естествено число в кутийките вдясно така, че всяко число е сбор на двете числа, намиращи се непосредствено под него. Колко най-много са нечетните числа?

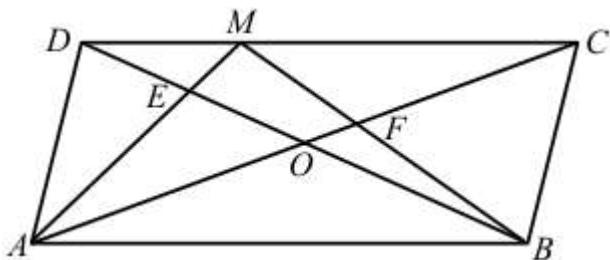
- A) 7      B) 8      C) 9      D) 10      E) 11



**23.** Директните автобуси от аерогарата до центъра на града тръгват от аерогарата на всеки 3 минути и всички, движейки се с една и съща постоянна скорост, стигат до центъра за 60 минути. Една лека кола тръгва от аерогарата едновременно с автобус и движейки се с постоянна скорост по маршрута на автобусите, стига до центъра на града за 35 минути. Колко автобуса ще надмине леката кола, докато стигне до центъра, като автобусът, с който тръгва едновременно от аерогарата, не се брои?

- A) 8      B) 9      C) 10      D) 11      E) 12

**24.** Даден е успоредник  $ABCD$  с лице  $S$  и пресечна точка на диагоналите  $O$ . Нека  $M$  е точка върху страната  $CD$ , а  $AM$  и  $BM$  пресичат съответно  $BD$  и  $AC$  в точки  $E$  и  $F$ . Ако сборът от лицата на триъгълниците  $AED$  и  $BCF$  е  $\frac{1}{3}S$ , да се намери каква част от  $S$  е лицето на четириъгълника  $EOFM$ .



- A)  $\frac{1}{6}$       B)  $\frac{1}{8}$       C)  $\frac{1}{10}$       D)  $\frac{1}{12}$       E)  $\frac{1}{14}$

*За да разграничи участниците с равен брой точки, Кенгуруто задава две допълнителни задачи, които изискват посочване на числов отговор.*

**25.** Първите два члена на една редица от цифри са 2 и 3, а всеки следващ член е цифрата на единиците на произведението на предишните два члена. Да се намери 2017-ият член на тази редица.

**26.** Към някои от числата 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 и 9 се прибавя 2, а към всички останали се прибавя 5. Намерете възможно най-малкия брой различни резултати, които се получават по този начин.