

VII клас

Задача 1. а) Да се намери числената стойност на израза $C = A + B$, ако:

$$A = (a+x)^2 - \left(x - \frac{a}{2}\right)^2 - 3a\left(\frac{a}{4} - 1\right); \text{ за } a = 2014 \text{ и } x = -2^4 \cdot 8^2 \cdot 4^{-5}$$

$$B = \frac{b^2c^2 - 4bc - 25b^2 - 20b}{(bc - 5b - 4)(c + 5)} + c \text{ за } b = 0,73 \text{ и } c = 0,27$$

б) Да се докаже, че квадратът на нечетно число, намален със стойността на израза , С се дели на 8.

7 точки

Задача 2. Даден е триъгълник ABC. Точки M и N лежат съответно на страните AC и BC на триъгълника така, че MN е успоредна на AB. Ъгъл α_1 е външен при върха A.

а) Ако мярката на ъгъл α_1 е три пъти по-голяма от мярката на ъгъл MNC, намерете отношението на вътрешните ъгли при върховете C и B на триъгълник ABC.

б) Ако $\alpha_1 = 108^\circ$, намерете остряя ъгъл между ъглополовящите на вътрешните ъгли при върховете A и B на триъгълник ABC.

7 точки

Задача 3. Намерете стойността на x, за която многочленът $M = \frac{19}{4} - x^2 + x$ приема най-голяма стойност. За така намерената стойност на x пресметнете стойността на M.

7 точки