

КРИТЕРИИ ЗА ОЦЕНЯВАНЕ И КРАТКИ РЕШЕНИЯ НА ТЕМИТЕ ОТ
ОБЩИНСКИ КРЪГ НА 62-ТА НАЦИОНАЛНА ОЛИМПИАДА ПО МАТЕМАТИКА
20. 12. 2012 г.

IX клас

Зад 1. За $\begin{cases} |xy| = y^2 + 2 \\ x^2 + 2y^2 + 2xy = 4 \end{cases}$ и разпадане на две системи : $\begin{cases} y^2 - xy + 2 = 0 \\ x^2 + 2y^2 + 2xy = 4 \\ xy \geq 0 \end{cases}$ и

$\begin{cases} y^2 + xy + 2 = 0 \\ x^2 + 2y^2 + 2xy = 4 \\ xy \leq 0 \end{cases}$ 2 точки

За установяване, че $x = y = 0$ не е решение 2 точки

За решаване на втората система 2 точки

За **Отг:** $(2\sqrt{2}; -\sqrt{2})$ $(-2\sqrt{2}; \sqrt{2})$ 1 точка

Зад.2 Д.О: $m \neq 0$; $mx \neq 2$ 1 точка

За получаване на квадратно уравнение $(1-m)x^2 + 2x + m + 1 = 0$ 1 точка

При $m = 1 \Rightarrow x = -1 \in D.O.$; При $m \neq 1 \Rightarrow x_1 = \frac{m+1}{m-1}$; $x_2 = -1$ 2 точки

Отговор: При $m = 0 \Rightarrow$ уравнението не е дефинирано

При $m = \{1, -1, 2\} \Rightarrow x = -1$

При $m = -2 \Rightarrow x = \frac{m+1}{m-1}$

3 точки

$m \neq \{\pm 1; \pm 2\} \ m \neq \{\pm 1; \pm 2\} \Rightarrow x_1 = \frac{m+1}{m-1}$; $x_2 = -1$

Зад.3.

а) Построена е симетралата на АВ и е доказано, че $OA=OB$

1 точка

Доказано е, че $\triangle OBD$ е равнобедрен и $OD=BD$

1 точка

Построена е отсечката OP (P среда на CD)

и е доказано, че $\triangle ODP$ е равностранен

2 точки

Доказано е, че $\triangle OBD \cong \triangle COP \Rightarrow OB = OC$, но $OB = OA$

следва, че O е център на описаната окръжност

1 точка

б) Намерени са ъглите $\sphericalangle A = 60^\circ$ и $\sphericalangle C = 75^\circ$

1 точка

Намерени са дъгите $\overset{\frown}{AB} = 150^\circ$ и $\overset{\frown}{BC} = 120^\circ$

1 точка

