

$$S_{ABCD} = 2 \cdot S_{AOD} + 2 \cdot S_{OCD} = 2 \cdot 7,5 + 2 \cdot 21,75 = 58,5 \text{ кв. см}$$

11зад. $M = 11 + 13 + 15 + \dots + 2011 = 1 + 3 + \dots + 2011 - (1 + 3 + 5 + 7 + 9) = (1 + 2011) + (3 + 2009) + \dots - 25$

$= 2012 \cdot 503 - 25 = 1\,012\,036 - 25 = 1\,012\,011$, където от 1 до 2011 има 1006 нечетни числа, а броя на скобите е 503.

12зад. Числото 2160 се разлага на прости множители:

$$2160 = 1 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 = 1 \cdot (2 \cdot 2 \cdot 2) \cdot (2 \cdot 3) \cdot (3 \cdot 3) \cdot 5 = 1 \cdot 8 \cdot 6 \cdot 9 \cdot 5 = 9 \cdot 8 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 1$$

$$a = 9 \quad b = 8 \quad c = 6 \quad d = 5 \quad e = 1 \quad a + b + c + d + e = 9 + 8 + 6 + 5 + 1 = 29$$

13зад. $\text{НОК}(4,6,8,12) = 24$ Естественото число a трябва да удовлетворява неравенството

$$220 \leq a \leq 260 \text{ следователно } 24 \cdot 10 = 240 \text{ и дава остатък } 3.$$

$$\text{Следователно числото } a = 240 + 3 = 243$$

14зад. Триъгълниците ABC и ABD имат обща страна AB и равни височини, защото AB и CD са успоредни прави, следователно са равнолицеви $S_{ABC} = S_{ABD}$.

$$S_{AOD} = S_{ABD} - S_{ABO} \quad S_{BCO} = S_{ABC} - S_{ABO} \quad S_{AOD} = S_{BCO} \quad (1)$$

От условието, че правата през точка O е успоредна на основите на трапеца се получават равнолицеви триъгълници, защото имат равни височини.

$$S_{OMD} = S_{OMC} \quad (2) \text{ (имат обща страна } OM \text{ и равни височини).}$$

$$S_{OMA} = S_{OMB} \quad (3) \text{ (имат обща страна } OM \text{ и равни височини).}$$

$$\text{Събираме почленно (2) и (3) } S_{OMD} + S_{OMA} = S_{MCO} + S_{OMB}$$

$$\text{и получаваме } S_{AMDO} = S_{BCO} = S_{AOD} \quad (\text{от (1)})$$

$$S_{AMD} = S_{AOD} + S_{AMDO} = 2 \cdot S_{BCO}$$

$$S_{BCO} = S_{AMD} : 2 = 3,6 : 2 = 1,8 \text{ кв. см} = 0,018 \text{ кв. дм}$$

15зад. Броят на паралелепипедите, които могат да се образуват от 10 еднакви кубчета е 16. Означаваме основния ръб на куба с a . Първите 10 паралелепипеда се получават, като се подреждат кубчетата едно до друго. Останалите 6 имат измерения:

$$a, 2a, 2a \quad a, 2a, 3a \quad a, 2a, 4a \quad a, 2a, 5a \quad 2a, 2a, 2a \quad a, 3a, 3a$$