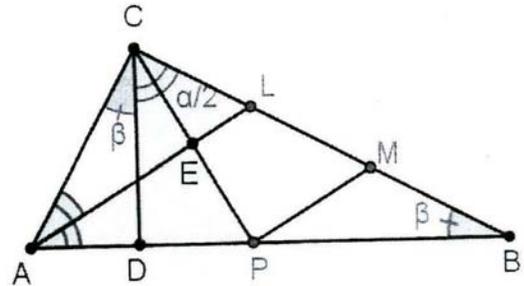


Примерни решения и критерии 7 клас:

Задача 1 а) $\frac{x-5}{2} + \frac{x-1}{8} = \frac{10-1.5x}{-4} \Leftrightarrow 4(x-5) + (x-1) = -2(10-1.5x)$ (1 точка) \Leftrightarrow
 $2x = 1 \Leftrightarrow$ (1 точка) $\Leftrightarrow x = \frac{1}{2}$ (1 точка).

б) За разлагането $n^3 + 3n^2 + 2n = n.(n^2 + 3n + 2) = n.(n+2).(n+1)$ (2 точки). За аргументиране, че от три последователни естествени числа поне едно се дели на 2 и поне едно се дели на 3, и от това следва, че произведението се дели на 6 (2 точки).

Задача 2 Да означим острите ъгли на триъгълника $\sphericalangle CAB = \alpha$ и $\sphericalangle ABC = \beta$ и нека $AL \cap CP = E$. За доказателство, че $\sphericalangle ACD = \beta$ и $\sphericalangle DCB = \alpha$ (2 точки) $\Rightarrow \sphericalangle DCE = \frac{\alpha}{2}$ и от $\triangle ACE \Rightarrow \sphericalangle AEC = 180^\circ - (\beta + 2 \cdot \frac{\alpha}{2}) = 90^\circ$ $AL \perp CP$ (3 точки). За аргументи и изразяване, че $\sphericalangle PMC = \beta + \frac{\alpha}{2}$ (външен за $\triangle PBM$) $\Rightarrow \sphericalangle PMC = \sphericalangle ACP = \beta + \frac{\alpha}{2}$ (2 точки)



Задача 3 Да означим разстоянието от къщи до стадиона с S , а скоростта с велосипед с V . Тогава времето за изминаването на това разстояние през първия ден е $t_1 = \frac{S}{V}$ (1 точка).

Времето за изминаване на разстоянието $\frac{S}{4}$ пеша е $t_p = \frac{\frac{S}{4}}{\frac{V}{3}} = \frac{3.S}{4.V}$ (2 точка)

Времето на пътуването с такси е $t_T = \frac{\frac{3.S}{4}}{3.V} = \frac{3.S}{12.V} = \frac{.S}{4.V}$ (2 точка).

Общо времето за изминаване на цялото разстояние през втория ден е $t_p + t_T = \frac{S}{4.V} + \frac{3.S}{4.V} = \frac{.S}{.V} = t_1$. Следователно времето през двата дни е едно и също. (2 точки).