



МИНИСТЕРСТВО НА ОБРАЗОВАНИЕТО, МЛАДЕЖТА И НАУКАТА  
РЕГИОНАЛЕН ИНСПЕКТОРАТ ПО ОБРАЗОВАНИЕТО - ПЛЕВЕН

ОЛИМПИАДА ПО МАТЕМАТИКА

ОБЩИНСКИ КРЪГ – 12.02.2011 ГОД.

ТЕМА ЗА VII КЛАС

**Задача 1** а) Да се реши уравнението:  $\frac{x-5}{2} + \frac{x-1}{8} = \frac{10-1,5x}{-4}$

**3 точки**

б) Покажете, че ако  $n$  е естествено число, то  $n^3 + 3.n^2 + 2.n$  се дели на 6.

**4 точки**

**Задача 2** Даден е правоъгълен триъгълник  $ABC$ , за който  $\angle ACB=90^\circ$ ,  $CD$  ( $D \in AB$ ) е височина,  $AL$  ( $L \in BC$ ) е ъглополовяща на  $\angle BAC$ ,  $CP$  ( $P \in AB$ ) е ъглополовяща на  $\angle BCD$ . Да се докаже, че  $CP \perp AL$ . Ако  $PM \parallel AL$  ( $M \in BC$ ) да се докаже, че  $\angle PML = \angle ACP$ .

**7 точки**

**Задача 3** Един ден отидох от нас до стадиона с велосипед. На другия ден четвъртината от този път изминах пеша, но разбрах, че скоростта ми е три пъти по-малка отколкото с велосипеда и взех такси. Останалата част от пътя се придвижих с него. Таксито се движи три пъти по-бързо отколкото моя велосипед. През кой от двата дни стигам по-бързо от нас до стадиона?

**7 точки**

*До областен кръг ще бъдат допуснати тези ученици, на които броят на точките е най-малко 16.*

*Време за работа – 4 часа.*

**ЖЕЛАЕМ ВИ УСПЕХ!**