

**КРАТКИ ПРИМЕРНИ РЕШЕНИЯ,
УКАЗАНИЯ, УПЪТВАНИЯ, ОТГОВОРИ НА ЗАДАЧИТЕ И ОЦЕНЯВАНЕ**

12 февруари 2011г.

10.1. a) $A = \left(-\sqrt[3]{x^{0,4}}\right)^5 + \left(-\frac{1}{2} \cdot \sqrt[5]{x^{0,4}}\right)^{-1} - x^{-1} \cdot \left(\frac{-3 \cdot x^{\frac{2}{3}}}{\sqrt[3]{x^{-0,5}}}\right)^2, \quad x \neq 0$

$$\begin{aligned} A &= -x^{\frac{0,4 \cdot 5}{3}} - 2 \cdot x^{\frac{-0,4}{5}} - \frac{1}{x} \cdot \frac{3^2 \cdot x^{\frac{4}{3}}}{x^{\frac{-0,5 \cdot 2}{3}}} = -x^{\frac{2}{3}} - 2 \cdot x^{\frac{2}{3}} - \frac{9 \cdot x^{\frac{4}{3}}}{x \cdot x^{\frac{-1}{3}}} = -x^{\frac{2}{3}} - 2x^{\frac{2}{3}} - \frac{9x^{\frac{4}{3}}}{x^{\frac{2}{3}}} = \\ &= -x^{\frac{2}{3}} - 2x^{\frac{2}{3}} - 9x^{\frac{4-2}{3}} = -x^{\frac{2}{3}} - 2x^{\frac{2}{3}} - 9x^{\frac{2}{3}} = -12x^{\frac{2}{3}} \end{aligned}$$

4т.

б) От условието следва, че: $\begin{cases} x \neq -2 \\ x \neq 3 \\ (x-1)(x+1)(x-2)(x+2)(x-3) \leq 0 \Rightarrow x = \pm 1, x = \pm 2, x = 3 \end{cases}$



От $f(x) \leq 0 \Rightarrow x \in (-\infty; -2) \cup [-1; 1] \cup [2; 3]$ са всички решения.

3т.

10.2. a)

Тъй като коефициента пред x^2 е отрицателен, параболата ще бъде обръната "надолу".

Върхът на параболата А, се получава при

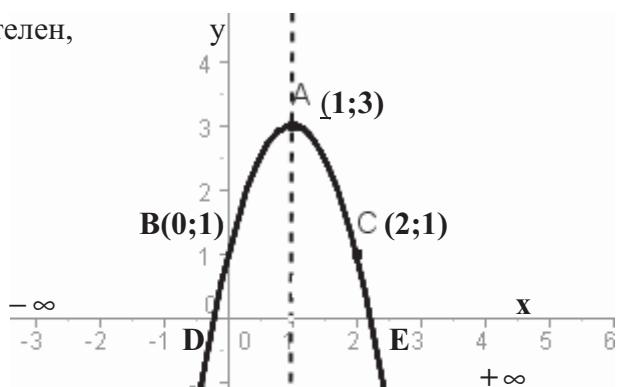
$$x_0 = -\frac{b}{2a} = 1 ; y_0 = f(1) = -2 + 4 + 1 = 3$$

$$\Rightarrow A(1; 3)$$

⇒ Оста на параболата е вертикалната права

$$x = 1$$

Пресечната точка на параболата с ос Oy



е точка с координати $x = 0$ и $y = 1 \Rightarrow B(0; 1)$

Точка С (2; 1) е симетрична на т. В и също лежи на параболата.

Пресечните точки на параболата с оста Ox са точките **D** и **E** с координати $y = 0$ и корените

$$\text{на уравнението } f(x) = 0 \text{ т.e. } x_{1/2} = \frac{2 \pm \sqrt{6}}{2} \Rightarrow D\left(\frac{2-\sqrt{6}}{2}; 0\right) \text{ и } E\left(\frac{2+\sqrt{6}}{2}; 0\right)$$

Следователно, параболата минава през намерените пет точки. Графиката е представена.

3т.

б). От графиката на функцията се вижда, че функцията расте в интервала $x \in (-\infty; 1]$ и намалява в интервала $x \in [1; +\infty)$ **1т.**

в). От графиката на функцията и интервала $[-2; 2]$, посочен в условието се вижда, че функцията расте в интервала $x \in [-2; 1]$ и намалява в интервала $x \in [1; 2]$ \Rightarrow при $x = 1$ функцията има НГС $= y = f(1) = -2 + 4 + 1 = 3$ НМС $= \min\{f(-2); f(2)\}$, т.е. по-малката стойност на функцията при $x = -2$ и $x = 2 \Rightarrow y = f(-2) = -8 - 8 + 1 = -15$ и $y = f(2) = -8 + 8 + 1 = 1$ $\Rightarrow f(-2) < f(2) \Rightarrow$ НМС на функцията е $y = -15$ **3т.**

10.3 ДО: $2x^2 - 4x + 5 \geq 0$ за всяко x ($D < 0$)

$$x^2 - 2x + 4 - 3\sqrt{2(x^2 - 2x) + 5} = -1$$

Полагаме: $x^2 - 2x = t$

$$\begin{aligned} \Rightarrow t + 4 - 3\sqrt{2t + 5} = -1 \Rightarrow & \quad \text{ДО: } \begin{cases} 2t + 5 \geq 0 \\ t + 5 \geq 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} t \geq -\frac{5}{2} \\ t \geq -5 \end{cases} \Rightarrow t \geq -\frac{5}{2} \\ \Rightarrow t + 5 = 3\sqrt{2t + 5} & \end{aligned}$$

Повдигаме двете страни на квадрат:

$$(t + 5)^2 = 9(2t + 5) \Rightarrow t^2 + 10t + 25 = 18t + 45 \Rightarrow t^2 - 8t - 20 = 0 \Rightarrow t_1 = 10; t_2 = -2$$

$$\Rightarrow t_{1/2} \in \mathcal{D}O$$

$$\Rightarrow x^2 - 2x = t \Rightarrow x^2 - 2x = 10 \Rightarrow x^2 - 2x - 10 = 0 \Rightarrow x_{1/2} = 1 \pm \sqrt{11} \in \mathcal{D}O$$

$$u \Rightarrow x^2 - 2x = t \Rightarrow x^2 - 2x = -2 \Rightarrow x^2 - 2x + 2 = 0 \Rightarrow D < 0 \Rightarrow \text{н.решение}$$

7 т.