

ДИМИТРОВДЕНСКО МАТЕМАТИЧЕСКО СЪСТЕЗАНИЕ ГРАД ВИДИН

18 ОКТОМВРИ 2008 ГОДИНА

9 КЛАС

Зад. 1. Намерете:

а) най-голямата стойност на израза $\frac{x}{2x+y} + \frac{y}{2y+x} - \frac{2}{3}$, ако $x > 0$
и $y > 0$.

б) стойностите на параметъра a , при които уравнението

$$ax^2 + \sqrt{3}x + a = 0 \text{ има един корен.}$$

Зад. 2. Пресметнете:

а) $\frac{3}{2-\sqrt{5}} + \frac{5}{2+\sqrt{5}} - \frac{1}{3+\sqrt{5}} - \frac{9\sqrt{5}}{4}$;

б) $\sqrt{6+2\sqrt{6}+2\sqrt{3}+2\sqrt{2}} \cdot (\sqrt{3}-\sqrt{2}+1) - 2\sqrt{3}$.

Зад. 3. В равнобедрен трапец $ABCD$ ($AB \parallel CD$) с пресечна точка на диагоналите M , $\angle DAB = 50^\circ$ и $\angle AMD = 40^\circ$. Намерете мярката на $\angle ACB$.

Зад. 4. Точка M е средата на страната AC в триъгълника ABC . Точка N лежи на правата AB така, че A е между N и B , а $AB = 2AN$. Правата NM пресича страната BC в точка K . Пресметнете отношението $\frac{BK}{KC}$.

ВРЕМЕ ЗА РАБОТА 3 ЧАСА