

ТЕХНИЧЕСКИ УНИВЕРСИТЕТ – ГАБРОВО

ТЕСТ ПО МАТЕМАТИКА

11 юли 2009 г.



1. Пресметнете  $4 - \lg 8 - 3 \lg 5$ .

a) 2

б) -1

в) -2

г) 1

2. Стойността на израза  $\frac{\sqrt{a}-1}{\sqrt{a}+1} - \frac{\sqrt{a}+1}{\sqrt{a}-1}$  при  $a=0.25$  е равна на:

а) -2

б) 1

в)  $\frac{8}{3}$

г) -1

3. Ако 7% от числото  $x$  са равни на  $\frac{14}{5}$ , то  $x$  е равно на:

а) 80

б) 40

в) 20

г) 35

4. Корените на уравнението  $\frac{x+2}{x-1} + \frac{x-2}{x+1} = \frac{x^2-3x+2}{x^2-1}$  са:

а) -1; -2

б) -2

в) 1; 2

г) 2; -2

5. Най-голямото цяло отрицателно решение на неравенството  $(x-1)^2 > 4$  е:

а) -1

б) -2

в) 0

г) няма  
отрицателни  
решения

6. Уравнението  $(x^2 + 3x)\sqrt{x-2} = 0$  има:

а) 1 решение

б) 2 решения

в) 3 решения

г) няма решение

7. Множеството от решения на неравенството  $\sqrt{x+6} > x$  е:

а)  $[0, 3]$

б)  $(-2, 3)$

в)  $[-6, 3)$

г)  $[-6, 3]$

8. Множеството от решения на неравенството  $4^x - 10 \cdot 2^{x-1} - 24 \leq 0$  е:

а)  $[-3, 8]$

б)  $[0, 8]$

в)  $(0, 3]$

г)  $(-\infty, 3]$

9. Решението на уравнението  $\left(\frac{625}{81}\right)^{x+1} = \left(\frac{9}{25}\right)^{x-3}$  е числото:

а) 0

б) -1

в)  $\frac{1}{2}$

г)  $\frac{1}{3}$

10. Колко на брой са решенията на уравнението  $\lg(2-x) - \lg(x-3) = 3$ ?

а) 0

б) 1

в) 2

г) 4

11. Множеството от решения на неравенството  $\log_3(5x+1) > 0$  е:

- a)  $(-\infty, 0]$       b)  $(-\infty, 0)$       c)  $(0, +\infty)$       d)  $[0, +\infty)$

12. Уравнението  $|x-2| - |x-1| = 1$  има следните решения:

- a) 1      b) 1; 2      c) безброй много решения      d) няма решение

13. Ако  $\tan \alpha = \frac{3}{4}$ , то стойността на израза  $\sin \alpha + \cos \alpha$  е:

- a)  $\frac{7}{5}$       b) 1,4 или -1,4      c)  $\frac{5}{4}$  или  $-\frac{5}{4}$       d)  $\frac{5}{7}$

14. Стойността на израза  $\cos(\alpha - \beta) - \cos(\alpha + \beta)$  при  $\alpha = 30^\circ, \beta = 45^\circ$  е:

- a)  $-\sqrt{2}$       b)  $\frac{\sqrt{6}}{2}$       c)  $\sqrt{2}$       d)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

15. Броят на целите числа, които са решения на неравенството  $x^4 - x^2 - 6 \leq 0$  е:

- a) 4      b) 2      c) 1      d) 3

16. Ако  $x_1$  и  $x_2$  са корени на квадратното уравнение  $x^2 - 2x - 1 = 0$ , то стойността на израза  $\frac{x_1^2 + x_2^2}{x_1 x_2} + 3$  е:

- a) -3      b) 1      c) 5      d) -9

17. За кои стойности на параметъра  $a$  уравнението  $ax^2 - (a+1)x + 1 = 0$  притежава два реални противоположни корена?

- a) 0      b) 1      c) -1      d) друг отговор

18. Дефиниционното множество на функцията  $y = \sqrt{\log_2(x+1)}$  е:

- a)  $x \in (-1, 0)$       b)  $x \in [1, +\infty)$       c)  $x \in [0, +\infty)$       d)  $x \in (0, +\infty)$

19. Най-голямата стойност на функцията  $f(x) = -x^2 - 4x$  в затворения интервал  $[-4, 3]$  е:

- a) 3      b) 5      c) 4      d) 2

20. Множеството от функционални стойности на функцията  $y = 2^{x^2-1} - 1$  е:

- a)  $y \in [-\frac{1}{2}, +\infty)$       b)  $y \in (-\infty, +\infty)$       c)  $y \in [-1, +\infty)$       d)  $y \in (0, +\infty)$

21. Първият член на числовата редица  $\{a_n\}$  е  $a_1 = -1$ , а всеки следващ член се получава по

формулата  $a_n = 1 - \frac{1}{a_{n-1}} + a_{n-1}^2$ . Третият член на тази редица е равен на:

a) 1

б)  $-\frac{1}{3}$

в) 10

г)  $\frac{29}{3}$

22. Най-голямата стойност на функцията  $f(x) = \sin^4 x + \cos^4 x$  е:

а) 1

б) 2

в)  $\frac{3}{2}$

г)  $\frac{1}{2}$

23. Ако  $f(x) = -1 - x$ , то  $f(-f(-x))$  е равна на:

а)  $x - 2$

б)  $-x - 2$

в)  $-x$

г)  $x$

24. Пресметнете  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + 1}{2 - n - n^2}$ .

а)  $+\infty$

б) 1

в) -1

г)  $\frac{1}{2}$

25. Пресметнете  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1-2x} - 1}{x}$ .

а) 1

б) -1

в) 0

г)  $\frac{1}{2}$

26. Пресметнете  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 3x}{5x}$ .

а)  $\frac{3}{5}$

б)  $\frac{5}{3}$

в) 0

г) друг отговор

27. Пресметнете  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1+2+3+\dots+n}{n^2}$ .

а) 2

б)  $\frac{1}{2}$

в) 1

г)  $\frac{3}{2}$

28. Намерете частното на геометрична прогресия  $\{a_n\}$ , за която  $\frac{a_{14}}{a_{17}} = \frac{64}{27}$ :

а)  $\frac{3}{4}$

б)  $-\frac{3}{4}$

в)  $\frac{4}{3}$

г)  $\frac{8}{3}$

29. Основите на равнобедрен трапец са с дължини 4 см и 2 см. Ако дълчината на бедрото на трапеца е 2 см, то острият му ъгъл е:

а)  $45^\circ$

б)  $30^\circ$

в)  $60^\circ$

г)  $75^\circ$

30. Периметърът на равнобедрен триъгълник е 35 см. Ако отношението на две от страните е 3:1, то дълчините на страните на триъгълника, изразени в сантиметри, са:

а) 7; 7; 21

б) 5; 15; 15

в) 7; 14; 14

г) 10; 10; 15

**31.** Три отсечки имат дължини съответно 9 м, 40 м и 41 м. Какъв триъгълник може да бъде построен, използвайки за страни тези отсечки?

- a) остроъгълен      b) правоъгълен      в) тъпоъгълен      г) никакъв

**32.** Даден е правоъгълник със страни  $a$  и  $b$ . Лицето на четириъгълника, чито върхове са средите на страните на правоъгълника, е равно на:

- a)  $\frac{ab}{2}$       б)  $\frac{ab}{4}$       в)  $\frac{a^2+b^2}{2}$       г)  $\frac{ab}{8}$

**33.** За  $\triangle ABC$  е известно, че  $AB=1$  см,  $BC=\sqrt{3}$  см. Намерете дълчината на третата му страна, ако ъгълът в  $\triangle ABC$  между нея и една от другите две страни е равен на  $60^\circ$ .

- a) 2      б)  $\sqrt{2}$       в) 1      г)  $\sqrt{4-\sqrt{3}}$

**34.** Ромб с оствъръгъл  $30^\circ$  е описан около окръжност с диаметър  $d$ . Периметърът на ромба е равен на:

- a)  $6d$       б)  $4d$       в)  $10d$       г)  $8d$

**35.** Радиусът на описаната около правоъгълен триъгълник окръжност е 4 см, а единият му катет е с дължина 6 см. Намерете дълчината на другия катет.

- a)  $2\sqrt{7}$       б)  $2\sqrt{5}$       в)  $2\sqrt{3}$       г) 4

**36.** Около четириъгълника  $ABCD$  може да се опише окръжност. Ако страните му са  $AB=3$ ,  $BC=2$ ,  $CD=4$  и  $DA=5$ , то пресметнете отношението  $S_{\triangle ACD} : S_{\triangle ACB}$ .

- a)  $\frac{3}{10}$       б)  $\frac{10}{3}$       в)  $\frac{5}{2}$       г)  $\frac{2}{5}$

**37.** Центровете на три от стените с общ връх на куб с ръб  $a$  са съединени с отсечки. Лицето на получения триъгълник е равно на:

- a)  $\frac{a^2}{4}$       б)  $\frac{a^2\sqrt{3}}{8}$       в)  $\frac{a^2\sqrt{2}}{16}$       г)  $\frac{a^2\sqrt{3}}{4}$

**38.** Ако обемът на правилна четириъгълна призма  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  с основи  $ABCD$  и  $A_1B_1C_1D_1$  е равен на  $V$ , то обемът на пирамидата  $ABCA_1$  е равен на:

- a)  $\frac{V}{2}$       б)  $\frac{V}{4}$       в)  $\frac{V}{6}$       г)  $\frac{V}{3}$

**39.** Конус и цилиндър са с еднакъв обем и еднаква височина. Какво е отношението между диаметрите на конуса и цилиндъра?

- a) 3      б)  $\frac{1}{3}$       в) 1      г)  $\sqrt{3}$

**40.** Метален детайл с форма на правоъгълен паралелепипед има размери, които се отнасят както 2:3:5. Ако обемът на детайла е  $240 \text{ cm}^3$ , то пълната му повърхнина е:

- a)  $124 \text{ cm}^2$       б)  $284 \text{ cm}^2$       в)  $248 \text{ cm}^2$       г)  $304 \text{ cm}^2$

**ОТГОВОРИ**  
**на теста по математика от 11.07.2009г.**

1 - г	11 - в	21 - г	31 - б
2 - в	12 - в	22 - а	32 - а
3 - б	13 - б	23 - а	33 - а
4 - б	14 - г	24 - в	34 - г
5 - б	15 - г	25 - б	35 - а
6 - а	16 - а	26 - а	36 - б
7 - в	17 - в	27 - б	37 - б
8 - г	18 - в	28 - а	38 - в
9 - г	19 - в	29 - в	39 - г
10 - а	20 - а	30 - б	40 - в